## Übung 3: Quantifizierung von Handelsgewinnen

Sommer 2020

## 27.05.2020

Aufgabe 1: Die Wohlfahrtsformel für die Gewinne aus internationalem Handel........... Gehen sie von einem Modell mit monopolistischem Wettbewerb aus, in welchem der Nutzen in Land j gegeben ist durch:

$$U^{j} = \left[ \sum_{i=1}^{N_{i}} \sum_{k=1}^{N_{i}} \alpha_{i}^{\frac{1-\sigma}{\sigma}} c_{ijk}^{\frac{\sigma-1}{\sigma}} \right]^{\frac{\sigma}{\sigma-1}} \quad \text{mit } \sigma > 1.$$

In jedem Land i werden  $N_i$  unterschiedliche Produktvarianten produziert. Die Nachfrage im Land j nach Produktvariante k aus Land i entspricht  $c_{ijk} \geq 0$ . Alle Produktvarianten k innerhalb eines Landes i werden mit der selben Produktivität  $\varphi_i > 0$  produziert. Es fallen Eisbergtransportkosten  $t_{ij} > 1 \ \forall i, j \in C$  an. Arbeit  $L_i > 0$  zum Lohn  $w_i > 0$  ist der einzige Produktionsfaktor. Die Nachfrage nach Variante k aus Land i in Land j folgt dann als

$$c_{ijk} = \frac{E_j}{P_j} \left(\frac{p_{ijk}}{P_j}\right)^{-\sigma}$$
 wobei  $P_j = \left[\sum_i \sum_k (\alpha_i p_{ijk})^{1-\sigma}\right]^{\frac{1}{1-\sigma}}$ .

(a) Formulieren Sie das Gewinnmaximierungskalkül des repräsentativen Unternehmens k in Land i und zeigen Sie dass symmetrische Variantenpreise

$$p_{ii} = p_{iik} = \frac{\sigma}{\sigma - 1} \frac{w_i}{\varphi_i}$$

resultieren. Welchen Preis verlangt Unternehmen k aus Land i in Markt j?

(b) Zeigen Sie dass sich die Handelsgewinne des Landes j mittels der Formel

$$\widehat{W}_j = \lambda_{ij}^{\frac{1}{1-\sigma}}$$

berechnen lassen, wobei  $\lambda_{jj}$  dem heimischen Ausgabenanteil des Landes j entspricht.